

令和 5 年度

# 高等学校入学試験問題

数 学

## 受験上の注意

◎ 時間……………45分

◎ 解答はすべて、別紙解答欄に記入すること。



◎解答欄には，答のみを記入しなさい。

**第1問題** 次の計算をしなさい。

(1)  $-1^2 + 3 \times (4 - 5)$

(2)  $(2a^2b)^2 \times \frac{1}{8}a^2b^3 \div \frac{1}{6}a^4b^2$

(3)  $\frac{-7(x-2y+3)}{2} - \frac{10(-x+2y-3)}{3}$

(4)  $(2x+1)(3x-2) - (x-1)(2x+1)$

(5)  $\frac{\sqrt{5}(\sqrt{10} + \sqrt{2})}{\sqrt{10}}$

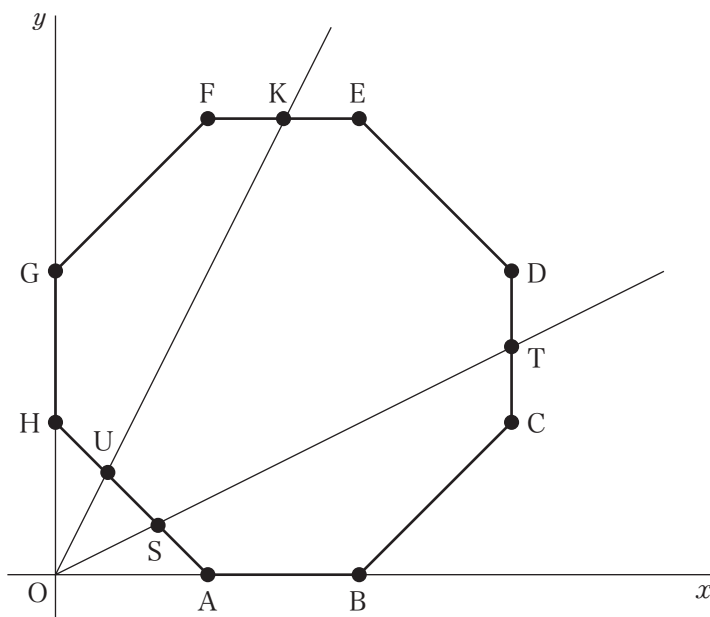
**第2問題** 次の問いに答えなさい。

- (1)  $a$ を定数とし、記号 $\circ$ 、 $\square$ を用いた計算を次のように定めます。

$$a^\circ = 2a, \quad a^\square = a(a+1)$$

このとき、 $\left\{\left(\frac{1}{2}\right)^\circ\right\}^\square$ の値を求めなさい。

- (2) 下の図のように、原点を $O(0, 0)$ とし、8点 $A(3, 0)$ ,  $B(6, 0)$ ,  $C(9, 3)$ ,  $D(9, 6)$ ,  $E(6, 9)$ ,  $F(3, 9)$ ,  $G(0, 6)$ ,  $H(0, 3)$ を頂点とする八角形 $ABCDEFGH$ があります。また、原点 $O$ と点 $S(2, 1)$ を通る直線と線分 $CD$ との交点を $T$ とし、原点 $O$ と点 $U(1, 2)$ を通る直線と線分 $EF$ との交点を $K$ とします。このとき、六角形 $STDEKU$ の面積を求めなさい。



- (3) ある規則にしたがって、次のように数が並んでいます。

$$\frac{1}{1}, \frac{2}{1}, \frac{2}{2}, \frac{3}{1}, \frac{3}{2}, \frac{3}{3}, \frac{4}{1}, \frac{4}{2}, \frac{4}{3}, \frac{4}{4}, \frac{5}{1}, \frac{5}{2}, \frac{5}{3}, \frac{5}{4}, \frac{5}{5}, \dots$$

このとき、40番目の数を求めなさい。

- (4) 7つのデータ 55, 41, 80, 71, 60, 66,  $n$  があります。  
 $n$ がこのデータの中央値と一致するとき、 $n$ の最小値を求めなさい。  
ただし、 $n$ は自然数とします。

- (5) 次の英文の問いに答えなさい。

Find the length of the side of a square whose length of the diagonal is 4.

【注】

square: 正方形

diagonal: 対角線

**第3問題** A, B, C, D, Eの5人が1個のボールをパスしていきます。ボールを持っている人は、自分以外の誰かに同じ確率でボールをパスします。最初にAがボールを持っているとき、次の問いに答えなさい。

(1) 1回ボールをパスしたとき、Bがボールを持っている確率を求めなさい。

(2) 2回ボールをパスしたとき、Bがボールを持っている確率を求めなさい。

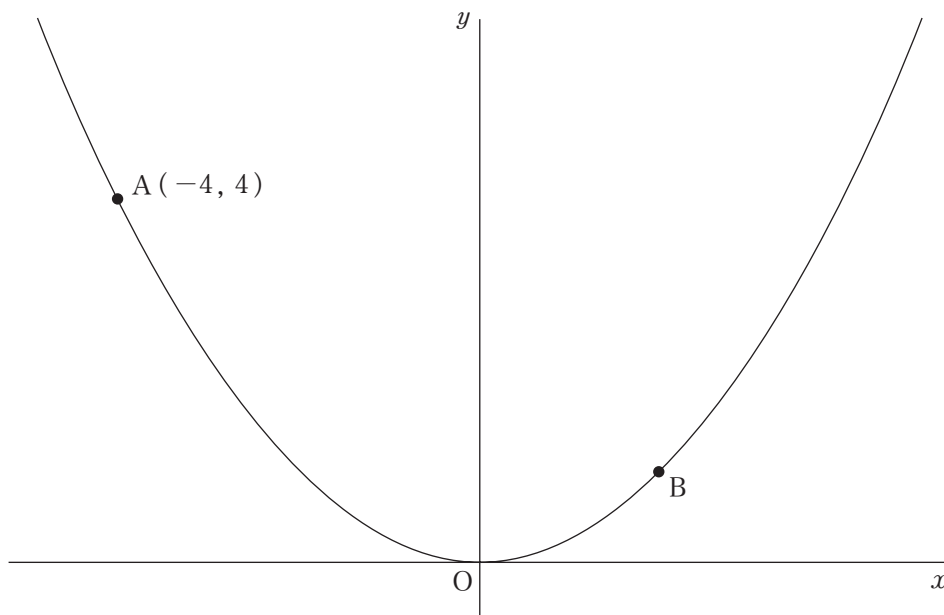
(3) 3回ボールをパスしたとき、Bがボールを持っている確率を求めなさい。



**第4問題** 以下の文を読み、次の問いに答えなさい。

次の会話は、数学の授業で先生が出題した問題を生徒の徳子さんと崇太さんが解いているときのものです。

先生 : 図のように、2点A, Bを通る放物線を  $y = ax^2$  とします。点Aの座標は  $(-4, 4)$ 、点Bのx座標は2です。



先生 :  $a$ の値はわかりますか。

徳子さん :  $a =$   です。

先生 : 正解です。では、 $x$ 軸上に点C( $p, 0$ )をとり、 $\triangle ABC$ を作ったところ、 $\triangle ABC$ の面積は $\triangle OAB$ の面積の $\frac{3}{4}$ 倍になりました。ただし、点Cのx座標は点Bのx座標より小さいものとします。このときの $p$ の値を求めることを明日の授業までの宿題にします。どのように求めたか、説明できるようにしましょう。



そして次の会話は翌日の数学の授業での会話です。

先生 : では、宿題の説明を徳子さん、崇太さんにしてもらいましょう。

徳子さん : はい。まず、点Aの座標が $(-4, 4)$ で、点Bの座標が $(2, \text{イ})$ なので、直線ABの式は $y = \text{ウ}$ と表せます。また、 $\triangle ABC$ の面積は $\triangle OAB$ の面積の $\frac{3}{4}$ 倍なので、 $\text{エ}$ となります。ここで、直線ABと $x$ 軸の交点をDとします。 $\triangle ABC = \triangle ACD - \triangle BCD$ なので、 $\triangle ABC$ の面積を $p$ を用いて表すことによって、 $p$ の値を求めることができます。

先生 : 三角形の面積に着目して解いたんですね。崇太さんはどのようにして解きましたか。

崇太さん : 私は辺の長さに着目して解きました。私も徳子さんと同じように直線ABと $x$ 軸の交点をDとします。点O、点Cから直線ABに垂線を下ろし、その交点をそれぞれ点E、点Fとします。 $\triangle OAB$ と $\triangle ABC$ は底辺が共通しているので、面積が $\frac{3}{4}$ 倍という条件から、 $OE : CF = \text{オ}$ となります。また、 $\triangle DEO$ と $\triangle DFC$ は $\text{カ}$ な三角形なので、 $DO : DC$ から、 $p$ の値を求めることができます。

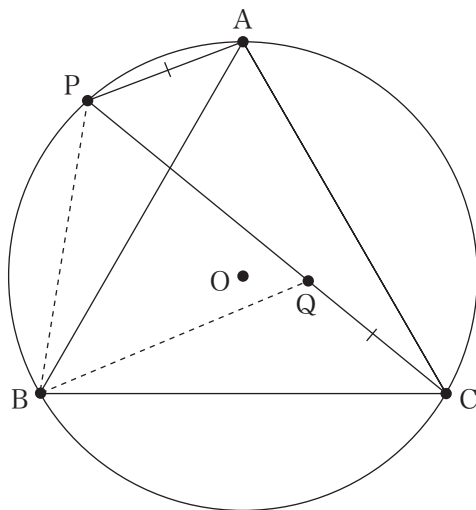
先生 : 徳子さんと崇太さんのどちらの解き方でも、 $p = \text{キ}$ となりますね。

- (1)  $\text{ア}$  ~  $\text{オ}$  と  $\text{キ}$  にあてはまる数値や式を答えなさい。  
ただし、 $\text{オ}$  はもっとも簡単な整数比で答えなさい。

- (2)  $\text{カ}$  にあてはまるもっとも適切な語句を漢字2文字で答えなさい。

第5問題 以下の文を読み次の問いに答えなさい。

点Oを中心とする半径2の円周上に3点A, B, Cを正三角形となるようにとります。  
点Cを含まない弧AB上に点Pをとり, 線分CP上にAP=CQとなる点Qをとります。



(1)  $\triangle ABC$ の面積を求めなさい。

(2)  $\triangle PQB$ が正三角形であることを証明しました。 ~  に適するものを語群から選び, 記号で答えなさい。

【証明】

$\triangle ABP$ と $\triangle CBQ$ において

仮定より

$$AB = \boxed{\text{ア}} \dots\dots ①$$

$$AP = CQ \dots\dots ②$$

弧  に対する円周角は等しいので

$$\angle PAB = \angle PCB \quad \text{つまり} \quad \angle PAB = \angle QCB \dots\dots ③$$

①, ②, ③より  ので

$$\triangle ABP \equiv \triangle CBQ$$

合同な図形の対応する辺は等しいので

$$BP = \boxed{\text{エ}} \cdots \cdots \text{④}$$

よって、 $\triangle PQB$ は $BP = \boxed{\text{エ}}$ の二等辺三角形である。

二等辺三角形の2つの底角は等しいので

$$\angle BPQ = \boxed{\text{オ}} \cdots \cdots \text{⑤}$$

また、弧 $BC$ に対する円周角は等しいので

$$\angle BAC = \angle BPC = 60^\circ \cdots \cdots \text{⑥}$$

$$\text{⑤, ⑥より } \angle BPQ = \boxed{\text{オ}} = 60^\circ$$

$$\text{よって } \angle PBQ = 60^\circ \text{であり } \angle PBQ = \boxed{\text{オ}}$$

2つの角が等しいので、 $\triangle PQB$ は $PB = \boxed{\text{カ}}$ の二等辺三角形である。

$$\text{よって } PB = \boxed{\text{カ}} \cdots \cdots \text{⑦}$$

$$\text{④, ⑦より } BP = \boxed{\text{エ}} = \boxed{\text{カ}} \text{となる。}$$

したがって、 $\triangle PQB$ は正三角形である。

### 語群

- (あ)  $BA$       (い)  $CA$       (う)  $CB$       (え)  $BQ$       (お)  $PQ$   
(か)  $QC$       (き)  $PA$       (く)  $PB$       (け)  $PC$       (こ)  $\angle BQP$   
(さ)  $\angle BQC$    (し)  $\angle ABQ$    (す)  $\angle ACP$    (せ)  $\angle BAP$   
(そ) 2組の角がそれぞれ等しい  
(た) 2組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しい  
(ち) 3組の辺がそれぞれ等しい  
(つ) 2組の辺とその間の角がそれぞれ等しい  
(て) 1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい

(3)  $\angle PAB = 35^\circ$ のとき $\angle PBC$ の大きさを求めなさい。



令和5年度 高等学校入学試験問題〔数学〕

解答欄

注意：解答欄には、答のみを記入しなさい。

| 第1問題 |  | 第4問題 |     |     |  |
|------|--|------|-----|-----|--|
| (1)  |  | (ア)  |     | (イ) |  |
| (2)  |  | (1)  | (ウ) | (エ) |  |
| (3)  |  | (オ)  |     | (キ) |  |
| (4)  |  | (2)  |     |     |  |
| (5)  |  | 第5問題 |     |     |  |
| 第2問題 |  | (1)  |     |     |  |
| (1)  |  | (ア)  |     | (イ) |  |
| (2)  |  | (2)  | (ウ) | (エ) |  |
| (3)  |  | (オ)  |     | (カ) |  |
| (4)  |  | (3)  |     |     |  |
| (5)  |  |      |     |     |  |
| 第3問題 |  |      |     |     |  |
| (1)  |  |      |     |     |  |
| (2)  |  |      |     |     |  |
| (3)  |  |      |     |     |  |

|          |  |    |  |    |  |             |
|----------|--|----|--|----|--|-------------|
| 受験<br>番号 |  | 名前 |  | 得点 |  | ※<br>高<br>数 |
|----------|--|----|--|----|--|-------------|

※印欄は記入しないこと